# Décomposition d'un nombre en facteurs premiers à l'aide de Scratch2 -CORRECTION



### II Deuxième étape : choix du nombre

1) Faire un programme qui demande au joueur de choisir un nombre entier compris entre 2 et 199 :

```
quand cliqué

demander Donne moi un nombre entier compris entre 2 et 199 et attendre
```

2) Test pour vérifier que le nombre choisi est bien un nombre entier :

Dans le menu *Opérateurs*, vous trouverez

En utilisant le menu déroulant, vous trouverez la fonction *plancher*plancher de 12.7

En cliquant dessus, une valeur s'affiche : laquelle ?12

Décris ce que fait la fonction *plancher* : elle donne la partie entière d'un nombre.

Lorsqu'un nombre est entier, quelle égalité peut-on écrire ?

3) Test pour vérifier que le nombre choisi est bien compris entre 2 et 199

```
plancher de réponse = réponse
```

```
si réponse > 200 ou réponse = 200 ou 1 > réponse ou réponse = 1 ou non plancher de réponse = réponse alors demander Les conditions ne sont pas respectées ! Donne moi un nombre entier compris entre 2 et 199 et attendre
```

4) Refaire ces tests tant que ces conditions ne sont pas remplies...

```
répéter jusqu'à 1 < réponse et réponse < 200 et plancher de réponse = réponse | réponse | réponse | réponse | réponse | réponse | 200 ou réponse = 200 ou réponse | 200 ou répon
```

- 5) Une fois que toutes ces conditions sont remplies, vous pouvez stocker en mémoire la réponse dans une variable <u>que vous aurez créée</u> (appelée « nombre de départ »).
- 6) Vérification : tester votre programme ! Le lutin doit vous poser toujours la même question tant que vous prenez des nombres décimaux, ou supérieur à 199, ou inférieurs à 2 ; il s'arrête si vous lui donnez un nombre entier compris entre 2 et 199.

## III Troisième étape : créer un bloc qui détermine un exposant

1) Créer un bloc intitulé exposant



2) Test pour vérifier qu'un nombre premier est bien diviseur du nombre choisi :

Compléter la fonction *modulo* pour obtenir



En cliquant dessus, une valeur s'affiche : laquelle ? 0

En modifiant la valeur dans le cadre blanc de cette fonction, teste la fonction *modulo* pour plusieurs nombres différents.

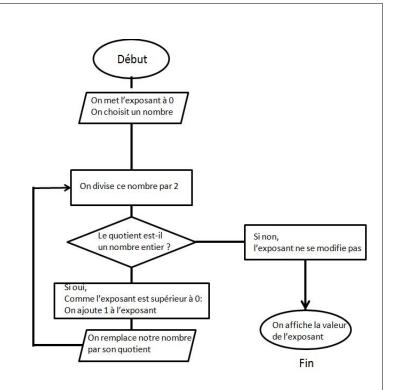
Décris ce que fait la fonction *modulo* : elle donne le reste de la division euclidienne du premier nombre par le deuxième.

Lorsqu'un nombre est un diviseur d'un autre, quelle est la valeur qui s'affiche pour la fonction *modulo* ? C'est la valeur 0 .

3) Déterminer l'exposant d'un nombre premier dans la décomposition du nombre choisi.

Remarque : la variable « index premiers » sera initialisée en dehors du bloc...

#### Remarque coup de pouce :



Quelle valeur d'exposant donne cet algorithme, si on choisit comme nombre de départ 10 ? 1 Quelle valeur d'exposant donne cet algorithme, si on choisit comme nombre de départ 8 ? 3 Quelle valeur d'exposant donne cet algorithme, si on choisit comme nombre de départ 56 ?3

En vous aidant de cet algorithme, proposer un test qui permette de connaître l'exposant d'un facteur premier dans la décomposition du nombre de départ choisi.

Pour compléter le bloc, il faut après la fin de la boucle :

- -stocker la valeur de cet exposant dans une nouvelle liste (« exposants-facteurs » ) que vous allez créer
- -incrémenter la variable « index premier » afin de pouvoir passer au nombre premier suivant.

```
définir exposant number1

mettre exposant à 0

mettre nombre intermediaire à nb départ

répéter jusqu'à nombre intermediaire modulo number1 > 0

si nombre intermediaire modulo number1 = 0 alors

ajouter à exposant 1

mettre nombre intermediaire à nombre intermediaire / number1

remplacer l'élément index premiers de la liste exposants-facteurs par exposant

mettre index premiers à index premiers + 1
```

### IV <u>Quatrième étape</u> : déterminer la décomposition en facteurs premiers

- 1) Dans le programme principal :
- initialiser la variable « index premier » à 1
- utiliser le bloc « exposant » afin de déterminer la valeur des exposants des facteurs premiers (qui sont stockés dans la liste « nombres premiers) dans la décomposition du nombre choisi.

Vous venez ainsi de remplir la liste exposants facteurs pour tous les nombres premiers inférieurs à 101. Afin de pouvoir se repérer dans cette liste, vous allez créer la variable « index exposant » : quand index exposant = 3, on est en 3ème position dans cette liste : on peut lire la valeur de l'exposant du 3ème nombre premier (c'est à dire le facteur 5) dans la décomposition du nombre de départ. Initialiser la variable « index exposant» à 1.

## V <u>Cinquième étape</u>: faire apparaître la décomposition en facteurs premiers du nombre choisi

1) Vous allez créer une nouvelle liste appelée « décomposition » : chaque élément de la liste doit faire apparaître, dans le cas où l'exposant n'est pas égal à zéro, le facteur premier avec son exposant.

```
mettre index exposant v à I

répéter longueur de exposants-facteurs v fois

si élément index exposant de exposants-facteurs v > 0 alors

insérer regroupe élément index exposant de nombres premiers v regroupe ^ élément index exposant de exposants-facteurs v en position dernier de la liste décomposition v

mettre index exposant v à index exposant + 1
```

Quelle est la longueur de la liste « décomposition » si le nombre de départ est premier ?la longueur est égale à 1.

- 2) Après une courte pause, faire afficher un message qui :
- -si le nombre est premier, annonce effectivement que c'est un nombre premier
- -sinon, annonce la décomposition en facteurs premiers et la fait apparaître ;

```
dire regroupe Le nombre regroupe nb départ est un nombre premier. pendant 5 secondes

sinon

montrer la liste décomposition

dire regroupe La décomposition en facteurs premiers du nombre regroupe nb départ est: pendant 5 secondes
```

#### **VERSION COMPLETE DU PROGRAMME**

```
uand 🎏 cliqué
    index nettoyage * à 0
     longueur de décomposition 🔻 fois
        er l'élément index nettoyage de la liste décomposition
    uter à index nettoyage 🔻 1
      er l'élément 🚺 de la liste décomposition 🔻
     der Donne moi un nombre entier compris entre 2 et 199 et attendre
épéter jusqu'à 1 < réponse et réponse < 200 et plancher de réponse = réponse
si réponse > 200 ou réponse = 200 ou 1 > réponse ou réponse = 1 ou non plancher de réponse = réponse alors
  demander Les conditions ne sont pas respectées! Donne moi un nombre entier compris entre 2 et 199 et attendre
mettre nb départ * à réponse
 ettre index premiers 🔻 à 🔟
  éter longueur de nombres premiers V fois
exposant élément index premiers de nombres premiers
mettre index exposant * à 1
épéter longueur de exposants-facteurs 🔻 fois
  i élément index exposant de exposants-facteurs > 0 alors
   insérer regroupe élément index exposant de nombres premiers regroupe 🔨 élément index exposant de exposants-facteurs regroupe en position dernier de la liste décomposition
 mettre index exposant  a index exposant + 1
attendre 1 secondes
  longueur de décomposition > < 2 alors
dire regroupe Le nombre regroupe nb départ est un nombre premier. pendant 5 secondes
 dire regroupe La décomposition en facteurs premiers du nombre regroupe nb départ est : pendant 5 secondes
                        définir exposant number1
                        mettre exposant à 0
                        mettre nombre intermediaire 💆 à nb départ
                        répéter jusqu'à nombre intermediaire modulo number1 > 0
                          si nombre intermediaire modulo number1 = 0 alors
                             ajouter à exposant 1
                             mettre nombre intermediaire * à nombre intermediaire / number1
                        remplacer l'élément index premiers de la liste exposants-facteurs par exposant
                        mettre index premiers * à index premiers + 1
```