

Correction brevet blanc de mathématiques n°2

Exercice 1 : /4

Dans DTS rectangle en S, $\sin \hat{TDS} = \frac{TS}{DT} = \frac{6}{50,2}$ donc $\hat{TDS} \approx 6,9^\circ$ /2

Dans DTS rectangle en S,
D'après le théorème de Pythagore :

$$DT^2 = TS^2 + DS^2$$

$$DS^2 = 50,2^2 - 6^2$$

$$DS^2 \approx 49,8 \text{ cm} \quad / 1,5$$

Ainsi la rampe est conforme car l'angle est entre 5° et 7° et la longueur à l'horizontale est inférieure à 0,5m. /0,5

Exercice 2 : /5

$$1) 3003 = 20 \times 150 + 3$$

$$3731 = 20 \times 186 + 11 \quad /1$$

Il restera en tout $3 + 11 = 14$ dragées non utilisées

2) $3003 = 90 \times 33 + 33$ donc 90 ne divise pas 3003. Sa proposition n'est pas possible. /1

$$3) 3731 = 3003 \times 1 + 728$$

$$3003 = 728 \times 4 + 91$$

$$728 = 91 \times 8 + 0 \text{ donc PGCD}(3731 ; 3003) = 91 \quad /2$$

$$\frac{3731}{91} = 41 \text{ et } \frac{3003}{91} = 33 \quad /1$$

Elle pourra faire au maximum 91 ballotins contenant chacun 41 dragées au chocolat et 33 dragées aux amandes.

Exercice 3 : /8 Réponse /1 et justification /1

$$1) \text{ Aire}_{AEFD} = AE \times AD = (\sqrt{x} + 1) \times (\sqrt{x} - 1) = x^2 - 1^2 = x^2 - 1 \text{ cm}^2 \text{ c.}$$

$$2) \text{ Périmètre}_{AEFD} = DA + AE + EF + FD = \sqrt{15} - 1 + \sqrt{15} + 1 + \sqrt{15} - 1 + \sqrt{15} + 1 = 4\sqrt{15} \text{ cm c.}$$

$$3) v = \frac{d}{t} = \frac{320}{59} \approx 5,4 \text{ km/s a.}$$

$$4) 3\sqrt{2} - \sqrt{98} = 3\sqrt{2} - \sqrt{49 \times 2} = 3\sqrt{2} - 7\sqrt{2} = -4\sqrt{2} \text{ a.}$$

Exercice 4 : /7

$$1) a. f_m = 220 - a \quad /1$$

2) a. $208 - 0,75 \times 60 = 163$. La fréquence cardiaque maximale recommandée à 60ans est de 163. /1

$$b. 208 - 0,75x = 184$$

$$- 0,75x = - 24$$

$$x = \frac{-24}{-0,75} = 32 \text{ .}$$

L'âge est de 32 ans pour une fréquence cardiaque maximale de 184. /2

$$c. 193 - 178 = 15$$

$$\frac{15 \times 100}{193} \approx 8 \text{ sa fréquence cardiaque maximale a bien baissé de 8 \% .} \quad /1$$



/1

e. On trouve environ 197.

/1

Exercice 5 : /4

1)a. $108 = \frac{\text{Aire}_{ABCD} \times 9}{3}$ /1

$324 = \text{Aire}_{ABCD} \times 9$

$\text{Aire}_{ABCD} = \frac{324}{9} = 36 \text{ cm}^2$.

b. $AB = \sqrt{36} = 6 \text{ cm}$ /1

c. Dans ABC rectangle en B, d'après le théorème de Pythagore : /1

$AC^2 = AB^2 + BC^2 = 6^2 + 6^2 = 72$ donc $AC = \sqrt{72} = \sqrt{36 \times 2} = 6\sqrt{2} \text{ cm}$

$\text{Périmètre}_{ABC} = 6 + 6 + 6\sqrt{2} = 12 + 6\sqrt{2} \text{ cm}$ /1

Exercice 6 : /5

1. = A1 - B1 /1

2. = MAX(B1;C1) /1

3. 18 est le PGCD de 216 et 126. /1

4. La fraction n'est pas irréductible car le PGCD n'est pas égal à 1. /1

$\frac{216}{126} = \frac{216 \div 18}{126 \div 18} = \frac{12}{7}$ /1

Exercice 7 : /4

1. $50 \times 8 = 400$

2. $3 \times \frac{5}{3} = \frac{15}{3}$

3. $5x^2 - x^2 = 4x^2$

$25 + 10 = 35$

$\frac{15}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{15}{6}$ /1

$8x + (-2x) = 6x$

$35 - 2 = 33$

$4x^2 + 6x - 1$

/1

$400 - 33 = 367$ /2